



# PCI- Estrutura de Repetição II

Profa. Mercedes Gonzales  
Márquez

---

# Estrutura de Repetição

Exemplo 1: Imprimir os n primeiros números inteiros positivos.

```
int i, n;  
scanf("%d",&n);  
for (i=1; i<=n;i++)  
    printf("\n %d",i);
```

Exemplo 2: Faça um algoritmo que determine os quadrados de um conjunto de números inteiros positivos.

```
int num;  
scanf("%d",&num);  
for (; num>0;){  
    printf("%d\n",num*num);  
    scanf("%d",&num);  
}
```

# Estrutura de Repetição

Exemplo 3: Imprimir os divisores de um número natural  $n$

Para isso, passamos por todos os números naturais  $i$  até o número  $n$  e verificamos se cada um deles é um divisor de  $n$ . Se o resto da divisão de  $n$  por  $i$  for zero, então estamos diante de um divisor de  $n$ .

```
int i, n;  
printf("Entre com um inteiro positivo: ");  
scanf("%d", &n);  
for (i = 1; i <= n; i++)  
    if (n % i == 0) /* Se o resto for zero, então i é divisor*/  
        printf("%d\n", i);
```

# Estrutura de Repetição

Sobre o exemplo 3 algumas observações se fazem necessárias:

(A) Se um número inteiro  $X$  possui um divisor  $Y$  menor que sua raiz quadrada, o quociente da divisão de  $X$  por  $Y$  será maior que a raiz quadrada de  $X$  e será, também, um divisor de  $X$ .

(B) Se um número inteiro  $X$  possui um divisor  $Y$  igual a sua raiz quadrada, o quociente da divisão de  $X$  por  $Y$  será o próprio divisor  $Y$ .

# Estrutura de Repetição

A implementação anterior é uma das implementações mais ineficientes possíveis, pois vários dos candidatos da lista  $[2; 3; \dots; n - 1]$  podem ser definitivamente descartados. Por exemplo, nenhum número maior que  $n/2$  pode ser divisor de  $n$ , pois isso significaria que  $n$  também tem um divisor entre 1 e 2. Ainda mais, se só precisamos verificar se  $n$  é primo (e não achar todos os seus divisores), basta verificar os possíveis divisores  $d \leq \text{raiz}(n)$  (pois, se  $d$  for realmente divisor,  $n/d \geq \text{raiz}(n)$  também será divisor).

Mas, no momento, para o propósito atual, vamos nos contentar com a maneira ineficiente.

# Estrutura de Repetição

Exemplo 4: Faça um programa que dado um inteiro positivo  $N$ , imprima se ele é um número primo ou não.

Para testar se um número  $n$  é primo devemos verificar se ele tem um divisor não-trivial, isto é, um que não seja igual a 1 ou  $n$ . Assim, verificamos entre todos os candidatos (a princípio,  $[2; 3; \dots; n - 1]$ , mas essa lista ainda pode ser bem refinada, como comentado no exercício anterior) se há algum divisor de  $n$ . Se não acharmos nenhum, é porque  $n$  é primo.

# Estrutura de Repetição

Exemplo 4: Faça um programa que dado um inteiro positivo  $n$ , imprima se ele é um número primo ou não.

```
int n, i, /* candidato a divisor */
divisores=0; /* contador de divisores */
printf("Entre com um inteiro positivo: ");
scanf("%d", &n);
for (i = 2; i < n; i++) /* testa todos os candidatos a divisor */
    if (n % i == 0)
        divisores++;
if (divisores == 0) /* não achamos nenhum divisor dentre os
                    possíveis candidatos , então é primo */
    printf("O numero %d e´ primo\n", n);
else
    printf ("O numero %d nao e´ primo\n", n);
```

# Estrutura de Repetição – Comandos break e continue

## Comando break

O comando break faz com que a execução de um laço de repetição seja finalizada, passando a execução para o próximo comando após o laço. Exemplo:

```
int i;  
for (i = 1; i <= 5; i++) {  
    if (i > 3)  
        break;  
    printf("%d\t", i);  
}  
printf("Fim\n");
```

O que será impresso?

1    2    3    Fim

# Estrutura de Repetição

## Comandos break e continue

Exemplo 1: Faça um programa que dado um inteiro positivo  $n$ , imprima se ele é um número primo ou não.

```
int n, i;
printf("\nDigite um número natural: ");
scanf("%u", &n);
for(i=2; i<=n-1; i++)
    if( n%i == 0 )
        break;
if( i==n )
    printf("\nO número é primo ");
else
    printf("\nO número não é primo");
```

7 % 2 == 1

7 % 3 == 1

7 % 4 == 3

7 % 5 == 2

7 % 6 == 1

∴ 7 é um número primo

9 % 2 == 1

9 % 3 == 0

∴ 9 não é um número primo

*Só podemos chegar a essa conclusão depois de ter verificado todas as possibilidades!*

*Chegamos a essa conclusão assim que encontramos o primeiro divisor entre 1 e  $n$ !*

# Estrutura de Repetição – Comandos break e continue

## Comando continue

O comando continue faz com que a execução da iteração corrente do laço de repetição seja finalizada, passando a execução para a próxima iteração do laço. Exemplo:

```
int i;  
for (i = 1; i <= 5; i++) {  
    if (i == 3)  
        continue;  
    printf("%d\t", i);  
}  
printf("Fim\n");
```

O que será impresso?

1 2 4 5 Fim

# Combinação de Estruturas: Estrutura Condicional dentro de Repetições

- **Exemplo 1:** Escrever um programa que receba dois números inteiros positivos, e determine o produto dos mesmos, utilizando o seguinte método de multiplicação:
  - dividir, sucessivamente, o primeiro número por 2, até que se obtenha 1 como quociente;
  - paralelamente, dobrar, sucessivamente, o segundo número;
  - somar os números da segunda coluna que tenham um número ímpar na primeira coluna. O total obtido é o produto procurado.

Exemplo:

		9 x 6
9	6→	6
4	12	
2	24	
1	48→	+48
		—
		54

## Combinação de Estruturas: Estrutura Condicional dentro de Repetições

```
int i,a,b,pro=0;
printf ("Informe dois inteiros: ");
scanf ("%d %d", &a,&b);
while (a>=1) {
    if (a%2!=0)
        pro+=b; /* Acumulador*/
    a/=2; /* atualização de a*/
    b*=2; /* atualização de b*/
}
printf ("O produto de %d e %d e' %d",a,b,pro);
```

## Combinação de Estruturas- Estrutura Repetição dentro de Condicional

Agora veremos o contrário da combinação anterior, isto é, um comando de repetição no escopo do comando de desvio condicional.

Exemplo 2: Imprimir o Maximo Divisor Comum (MDC) entre dois números dados.

# Combinação de Estruturas- Estrutura Repetição dentro de Condicional

O conceito matemático de máximo divisor comum entre dois números dados  $a$  e  $b$  envolve a fatoração de cada número como um produto de fatores primos, escolhendo-se os fatores primos que se repetem com a potência mínima.

Exemplo: Calcular o MDC entre 72 e 135.

$$72 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3$$

$$135 = 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5$$

Da teoria conclui-se que o MDC entre 72 e 135 é  $3 \cdot 3$ , pois o 3 é o único fator primo que se repete em ambos os números de entrada, e a menor potência comum é 2.

# Combinação de Estruturas- Estrutura Repetição dentro de Condicional

O máximo divisor comum entre dois números naturais não nulos e distintos é igual ao máximo divisor entre o menor e o resto da divisão do maior pelo menor.

Em símbolos, se  $x$  e  $y$  são números naturais tais que  $x > y > 0$ , e se

$$\begin{array}{r|l} x & y \\ \hline r & q \end{array}$$

então  $\boxed{mdc(x, y) = mdc(y, r)}$ .

Baseado nesse resultado temos que:

A ideia é dividir o maior número pelo menor, e depois fazer divisões sucessivas do último divisor pelo último resto, até obtermos uma divisão exata.

Exemplo:

$$\begin{array}{r|l} 1320 & 35 \\ \hline 25 & 37 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 35 & 25 \\ \hline 10 & 1 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 25 & 10 \\ \hline 5 & 2 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 10 & 5 \\ \hline 0 & 2 \end{array}$$

# Estrutura Repetição dentro de Condicional

```
Algoritmo <mdc>
inteiro:x, y, resto
Inicio
leia (x,y)
se ((x <> 0) e (y <> 0)) então
    resto ← mod(x,y)
    enquanto (resto <> 0) faça
        x ← y;
        y ← resto ;
        resto ← mod(x,y)
    fim enquanto
    escreva( "mdc =", y)
senão
    escreva (" algoritmo nao funciona para entradas nulas.")
fim
```

# Combinação de Estruturas- Estrutura Repetição Aninhadas

Vamos ver problemas para os quais os algoritmos exigem o aninhamento de repetições.

Exemplo 3: Imprimir as tabuadas do 1 ao  $n$ .

# Estrutura Repetição Aninhadas

inteiro:  $i, j, n$

Início

$i \leftarrow 1$

leia ( $n$ )

enquanto ( $i \leq n$ ) faça

$j \leftarrow 1$

    enquanto ( $j \leq 10$ ) faça

        escreva ( $i, 'x', j, "=", i*j$ ) ; ( comando mais interno )

$j \leftarrow j + 1$

    fim enquanto

$i \leftarrow i + 1$

fim enquanto

fim

# Combinação de Estruturas- Estrutura Repetição Aninhadas

Exemplo 4: Imprimir o valor do fatorial de todos os números entre 1 e n, sendo n fornecido pelo usuário.

O fatorial de n é assim definido:

$$n = n \times (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times 3 \times 2 \times 1$$

No exercício 6 vimos o algoritmo para o fatorial de um único número n e agora veremos o algoritmo para o fatorial de um conjunto de números.

# Estrutura Repetição Aninhadas

```
/* Fatorial de um único inteiro n*/
inteiro: i , n, fat
inicio
leia (n)
fat ← 1 ( inicializacao do acumulador )
i ← n
enquanto (i >= 1) faça
    fat ← fat * i
    i ← i - 1
fim enquanto
escreva( fat )
fim
```

# Estrutura Repetição Aninhadas

Algoritmo <fatorial>

/\* Fatorial de um conjunto de inteiros\*/

inicio

leia (n)

cont ← 1

enquanto (cont ≤ n) faça

    fat ← 1 ( inicializacao do acumulador )

    i ← cont

    enquanto (i ≥ 1) faça

        fat ← fat \* i

        i ← i - 1

    fim enquanto

    escreva( fat )

    cont ← cont + 1

fim enquanto

fim

# Combinação de Estruturas- Estrutura Repetição Aninhadas

O algoritmo funciona, mas é extremamente ineficiente e repleto de cálculos redundantes. Perceba a seguinte propriedade de fatorial:

$$n! = n \times (n-1)!$$

Ou seja quando você calcular o fatorial de  $n$  você pode aproveitar o cálculo do fatorial do número anterior, isto é,  $n-1$ .

Assim sendo, temos uma versão mais eficiente do algoritmo anterior.

# Combinação de Estruturas- Estrutura Repetição Aninhadas

```
Algoritmo <fatorial>
inteiro: i , n, fat, cont
inicio
leia (n)
cont ← 1
fat ← 1
enquanto (cont ≤ n) faça
    fat ← fat * cont
    escreva ( fat )
    cont ← cont + 1;
fim enquanto
fim
```