

Noções Iniciais

□

1. Conjuntos Coleção de objetos sem repetição, chamados elementos ou membros, que são representados entre $\{\}$.

Exemplo:

$$P = \{86, 186, 286, 486, 586, 686\}$$

Relação de pertinência (\in).

Exemplo:

$$386 \in P, 6800 \notin P$$

Também podemos expressar conjuntos por $x|P(x)$ e $\{x \in A|P(x)\}$

A primeira expressão é lida assim: "conjunto de x tal que $P(x)$ é verdadeiro". $P(X)$ é uma declaração.

A segunda expressão é lida: "conjunto dos x pertencente ao A tal que $P(x)$ é verdadeiro".

$\{x|P(x) \wedge x \in A\}$ é equivalente à segunda.

Exemplo:

$$i|i \in N \wedge \text{ existe algum } j \text{ tal que } i = 2j$$

Em um conjunto não se distinguem repetições ou a ordem dos elementos. Assim,

$$\{C, Pascal, C\} = \{C, Pascal\} = \{Pascal, C\}.$$

Se cada elemento de A é um elemento de B , então A é um **subconjunto** de B e dizemos que A **está contido** em B .

Escrevemos simbolicamente $A \subseteq B$.

Exemplo:

$$A = \{RAX, RBX, RCX\}$$

$$B = \{\text{registradores do 80686}\}$$

Note que todo conjunto é subconjunto dele próprio e o conjunto vazio é subconjunto de qualquer outro conjunto.

Dois conjuntos A e B são iguais se tem os mesmos elementos.

$$A = B \iff A \subseteq B \wedge B \subseteq A$$

Se $A \subseteq B$ mas $A \neq B$; $A \subsetneq B$

Operações sobre conjuntos

União: é o conjunto que possui como elementos os objetos que são elementos de pelo menos um dos conjuntos dados e possivelmente de ambos. Simbolicamente:

$$A \cup B = \{x|x \in A \vee x \in B\}$$

Intersecção: é a coleção de todos os elementos comuns aos conjuntos, isto é:

$$A \cap B = \{x|x \in A \wedge x \in B\}$$

Dois conjuntos A e B são DISJUNTOS se não possuem elementos em comum.

Diferença: é o conjunto de todos os elementos de A que não estão em B . $A - B = \overline{\{x|x \in A \wedge x \in B\}}$

Conjunto das partes: é a coleção de todos os subconjuntos de um conjunto A , denotado por 2^A ou por $P(A)$

A Partição de um conjunto A não vazio é um subconjunto Π de 2^A , tal que A está em um e somente um conjunto em Π , isto é, Π é partição A se Π é um conjunto de subconjuntos tais que cada elemento de Π é não vazio e membros diferentes são disjuntos e $\bigcup \Pi = A$.

Ex.: $\{\{86, 486\}, \{386\}, \{286, 186\}\}$ é uma partição de $\{86, 186, 286, 386, 486\}$ mas, $\{\{86, 186, 386\}\}$ não é.

Certas propriedades das operações sobre conjuntos seguem diretamente as definições.

PROPRIEDADES

Se A , B e C são conjuntos.

(1) Idempotência

$$A \cup A = A$$

$$A \cap A = A$$

(2) Comutatividade

$$A \cup B = B \cup A$$

$$A \cap B = B \cap A$$

(3) Associatividade

$$(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$$

$$(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$$

(4) Distributividade

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

(5) Absorção

$$A \cap (A \cup B) = A$$

$$A \cup (A \cap B) = A$$

(6) Leis de De Morgan

$$A - (B \cup C) = (A - B) \cap (A - C)$$

$$A - (B \cap C) = (A - B) \cup (A - C)$$